

Tabelul 9.1 Proprietățile transformării Z

- Părțile marcate corespund numai transformării unilaterale. În rest, proprietățile celor două transformate sunt identice.

Semnalul	Transformata	Domeniul de convergență
$x[n]$	$X(z)$	$R_-^x < z < R_+^x$
$y[n]$	$Y(z)$	$R_-^y < z < R_+^y$
$ax[n] + by[n]$	$aX(z) + bY(z)$	$\max\{R_-^x, R_-^y\} < z < \min\{R_+^x, R_+^y\}$
$x[n - n_o], n_o \in \mathbb{Z}$	$z^{-n_o} X(z)$	$R_-^x < z < R_+^x$
* $x[n - n_o], n_o \in \mathbb{N}$	$z^{-n_o} \left(X(z) + \sum_{n=-n_o}^{-1} x[n] z^{-n} \right)$	$R_-^x < z $
* $x[n + n_o], n_o \in \mathbb{N}$	$z^{n_o} \left(X(z) - \sum_{n=0}^{n_o-1} x[n] z^{-n} \right)$	$R_-^x < z $
$e^{j\Omega_o n} x[n]$	$X(e^{-j\Omega_o} z)$	$R_-^x < z < R_+^x$
$x[-n]$	$X(1/z)$ numai pentru transformarea bilaterala	$\frac{1}{R_+^x} < z < \frac{1}{R_-^x}$
$x[n] - x[n - 1]$	$(1 - z^{-1})X(z)$	$R_-^x < z < R_+^x$
* $x[n] - x[n - 1]$	$(1 - z^{-1})X(z) - x[-1]$	$R_-^x < z $
$\sum_{k=-\infty}^n x[k]$	$\frac{X(z)}{1 - z^{-1}}$	$R_-^x < z < R_+^x$
* $\sum_{k=-\infty}^n x[k]$	$\frac{X(z) + \sum_{k=-\infty}^{-1} x[k]}{1 - z^{-1}}$	$R_-^x < z $
$nx[n]$	$-z \frac{d}{dz} X(z)$	$R_-^x < z < R_+^x$
$x[n]; x[n] \equiv 0 \ n < 0$	$\lim_{z \rightarrow \infty} X(z) = x[0]$	$R_-^x < z $

Semnalul	Transformata	Domeniul de convergență
$x[n]$; $x[n] = 0 \ n < 0$	$\lim_{z \rightarrow 1} (z-1)X(z) = x[\infty]$	$R_-^x < z $
$x^*[n]$	$X^*(z^*)$	$R_-^x < z < R_+^x$
$x[n] * y[n]$	$X(z)Y(z)$	$\max\{R_-^x, R_-^y\} < z < \min\{R_+^x, R_+^y\}$
$x[n]y[n]$	$\frac{1}{2\pi j} \int_{\Gamma} X(u) Y\left(\frac{z}{u}\right) \frac{du}{u}$	$R_-^x R_-^y < z < R_+^x R_+^y$
$\sum_{n=-\infty}^{\infty} x[n] ^2 = \frac{1}{2\pi j} \oint_{\Gamma} X(u) X^*(1/u^*) \frac{du}{u}$		

Tabelul 9.2 Perechile semnal-transformată Z

- Cu excepția semnalelor marcate * ce nu au transformată unilaterală, cele 2 transformate sunt identice.

Semnalul	Transformata Z	Domeniul de convergență
$\delta[n]$	1 (<i>constantă</i>)	$\forall z \in \mathbb{C}$
$\sigma[n]$	$\frac{1}{1-z^{-1}} = \frac{z}{z-1}$	$ z > 1$
* $\sigma[n-1]$	$\frac{1}{1-z^{-1}} = \frac{z}{z-1}$	$ z < 1$
$\delta[n-n_o]$	z^{-n_o}	$\forall z \in \mathbb{C} \setminus \{0\}$ <i>daca</i> $n_o > 0$ <i>sau</i> $\forall z \in \mathbb{C} \setminus \{\infty\}$ <i>daca</i> $n_o < 0$.
$a^n \sigma[n]$	$\frac{1}{1-az^{-1}} = \frac{z}{z-a}$	$ z > a $
* $-a^n \sigma[-n-1]$	$\frac{1}{1-az^{-1}} = \frac{z}{z-a}$	$ z < a $
$na^n \sigma[n]$	$\frac{az^{-1}}{(1-az^{-1})^2} = \frac{az}{(z-a)^2}$	$ z > a $
* $-na^n \sigma[-n-1]$	$\frac{az^{-1}}{(1-az^{-1})^2} = \frac{az}{(z-a)^2}$	$ z < a $